

EJERCICIOS V

Aquí les sugiero nuevos ejercicios. La mayoría de estos son tomados del capítulo VII del libro de K. Kunen por lo que solamente voy a listar los números.

- (1) A2, A4, A12.
- (2) B6, B8.
- (3) C4, C11.
- (4) H8, H25.
- (5) Si $\mathcal{F} \subseteq \omega^\omega$ es una familia no acotada con respecto a \leq^* y $\mathbb{P} = \text{Fn}(I, 2)$ entonces $\mathbb{P} \Vdash$ “ \mathcal{F} es no acotada con respecto a \leq^* ”.
- (6) Si \mathbb{P} es un orden que satisface c.c.c. y \dot{C} es un \mathbb{P} -nombre para un c.u.b. en la extensión genérica sobre un $M \models \text{ZFC}^*$, entonces existe un c.u.b. $D \in M$ tal que $\mathbb{P} \Vdash D \subseteq \dot{C}$.
- (7) Sean M_0 y M_1 dos modelos de ZFC^* tales que $M_0 \subseteq M_1$ y $\omega^{M_0} = \omega^{M_1}$. Sea $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ una función continua perteneciente a M_0 . Demuestre que hay una función continua $f' : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, en M_1 , tal que $f' \upharpoonright \mathbb{R} \cap M_0 = f$. En otras palabras, funciones continuas son absolutas hacia arriba.